

## Задача А. Петя в Школе

В первом случае можно прийти в дни с номерами: 1, 3, 4, 5. Таким образом будет пропущен только один день.

Во втором примере можно прийти в дни: 1, 2, 4, 5, 7, 8, 9, 10, 11 и пропустить всего три дня.

В третьем примере можно пропустить дни с номерами: 7, 14, 21, 28, 35 и посетить школу в остальные дни.

В четвертом примере можно пропустить дни с номерами: 9, 18, 27, 36, 45, 54.

Ответ на задачу: 1 3 5 6.

## Задача В. Вирусы

Сделаем некоторые наблюдения. Пусть изначально количество елок равно  $n$ , а ночью были сломаны  $t$  елок.

Тогда изначально количество гирлянд равно  $\frac{n \cdot x}{2}$ , а количество гирлянд в конце —  $\frac{(n-t) \cdot y}{2}$ .

Составим уравнение:  $\frac{n \cdot x}{2} - z = \frac{(n-t) \cdot y}{2}$ . Для удобства домножим обе части на два и раскроем скобки. Получим выражение:  $n \cdot (x + y) + t \cdot y = 2z$ .

При этом должно быть выполнено неравенство  $n \geq t$ , а также числа  $n \cdot x$  и  $(n-t) \cdot y$  должны быть четными.

Теперь заметим, что перебрать все подходящие решения достаточно просто.

Рассмотрим первый пример. Уравнение имеет вид:  $2n + 5t = 80$ . Для переменной  $n$  подходят значения 5, 10, 15, 20, ... Рассмотрев несколько вариантов легко понять, что максимальное значение  $t$  равно 8.

Аналогично рассмотрим оставшиеся два случая.

Ответ: 8 5 8.

## Задача С. Клава и Оригами

Во-первых, Клавдии потребуется потратить одну минуту, чтобы сделать каждую из  $N$  поделок, поэтому сразу прибавим к ответу  $N$ . Осталось посчитать, сколько минут девочка потратит на отдых.

Для начала определим, сколько раз Клавдия будет отдыхать. Так как она отдыхает после каждого сделанного  $M$  поделок, то она будет отдыхать ровно  $K = \left\lceil \frac{N}{M} \right\rceil - 1$  раз.

Теперь посчитаем суммарное время отдыха. Оно равно  $1 + 2 + 3 + \dots + K = \frac{K(K+1)}{2}$ .

Таким образом, ответ равен  $N + \frac{K(K+1)}{2}$ .

Асимптотика решения:  $\mathcal{O}(1)$ .

Пример решения на языке C++:

```
#include <cstdio>

using namespace std;

using ll = long long;

int main() {
    ll n, m;
    scanf("%lld%lld", &n, &m);

    ll k = (n + m - 1) / m - 1;

    printf("%lld\n", n + k * (k + 1) / 2);

    return 0;
}
```

## Задача D. Маски

Рассмотрим всевозможные варианты закупки масок и для каждого посчитаем стоимость. После этого выберем способ закупки с минимальной суммарной стоимостью масок.

1. Каждый ученик будет использовать три одноразовых маски каждый день (это минимальное количество масок, которого хватит). Суммарная стоимость равна  $3 \cdot n \cdot k \cdot c_1$ .
2. У каждого ученика будет одна многоразовая маска на все дни, а также дополнительная одноразовая маска на каждый день. Суммарная стоимость:  $n \cdot k \cdot c_1 + n \cdot c_2$ .
3. У каждого ученика будут две многоразовые маски. Стоимость равна:  $2 \cdot n \cdot c_2$ .

Чтобы получить ответ, необходимо вычислить минимум из данных трех величин. Не забудьте воспользоваться 64-битным типом данных.

Асимптотика решения:  $\mathcal{O}(1)$ .

Пример решения на языке C++:

```
#include <cstdio>
#include <algorithm>

using namespace std;

using ll = long long;

int main() {
    ll n, k, c1, c2;
    scanf("%lld%lld%lld%lld", &n, &k, &c1, &c2);

    ll ans1 = 3 * n * k * c1;
    ll ans2 = n * k * c1 + n * c2;
    ll ans3 = 2 * n * c2;

    printf("%lld\n", min(min(ans1, ans2), ans3));

    return 0;
}
```

## Задача E. Разделяй и Властвуй

В данной задаче необходимо понять, сколько разрезов будет сделано. Пусть у нас имеется квадрат  $N \times N$ . Пусть  $f(N)$  — количество разрезов, которые необходимо сделать. Рассмотрим несколько случаев:

1.  $N = 1$ . В этом случае, очевидно, делать разрезы не нужно, то есть  $f(N) = 0$ .
2.  $N = 2k$ , то есть число  $N$  — четное. В этом случае мы сделаем два разреза, после чего нам нужно будет разрезать на кусочки четыре квадрата размера  $\frac{N}{2} \times \frac{N}{2}$ . То есть  $f(N) = 2 + 4 \cdot f\left(\frac{N}{2}\right)$ .
3.  $N = 2k + 1$ , то есть число  $N$  — нечетное. В этом случае будут сделаны два разреза, после которых останется таблица  $(N - 1) \times (N - 1)$ , которую нужно будет разрезать в дальнейшем. То есть  $f(N) = 2 + f(N - 1)$ .

Вычислим ответ по полученной формуле. Следует не забыть воспользоваться 64-битным типом данных.

Асимптотика решения:  $\mathcal{O}(\log N)$ , так как каждый второй раз мы уменьшаем размер стороны таблицы в два раза.

Пример решения на языке C++:

```
#include <cstdio>

using namespace std;

using ll = long long;

ll f(ll n) {
    if (n == 1) {
        return 0;
    }
    if (n % 2 == 0) {
        return 4 * f(n / 2) + 2;
    } else {
        return f(n - 1) + 2;
    }
}

int main() {
    ll n;

    scanf("%lld", &n);
    printf("%lld\n", f(n));

    return 0;
}
```